## Физтех-2018. Билеты 13-14. Инструкция

Задача считается полностью решённой (и за неё начисляется максимальное количество баллов), только если в тексте решения приведены все необходимые преобразования и полностью объяснены все имеющиеся логические шаги; при этом полученные ответы приведены к упрощённому виду.

Наличие верного ответа не гарантирует положительного балла за задачу. Верный ответ без обоснования – баллы не добавляются.

За верное обоснованное решение за задачу ставится полное количество баллов (указано в скобках после номера задачи). Некоторые частичные продвижения оцениваются согласно инструкции. В остальных случаях оценка ставится по усмотрению проверяющего.

1. (5 баллов) Если используется способ подсчёта, приведённый в решениях, то

произведён подсчёт в одном случае – 1 балл;

произведён подсчёт в двух случаях – 2 балла;

произведён подсчёт в трёх случаях – 3 балла;

произведён подсчёт в четырёх случаях – 5 баллов.

При ином решении: если хотя бы в одном из случаев подсчёт произведён неверно, то **не более 3** баллов за задачу.

**2.** (5 баллов) Найдено значение A = 0 - 1 балл;

найдено значение A, отличное от нуля – 4 балла.

При исследовании случая  $A \neq 0$  найдена константа f(x) - g(x), и других продвижений в этом случае нет – 3 балла за этот случай.

**3.** (5 баллов) Данное равенство преобразовано и сокращено на  $(x_1 - x_2) - 1$  балл;

получено квадратное уравнение относительно параметра – 2 балла;

найдены значения параметра – 1 балл;

сделан отбор корней – 1 балл.

4. (6 баллов) Описаны наборы степеней, которые могут встретиться – 1 балл.

При подсчёте включён случай, когда один из корней равен 1, а второй равен N ( $N=7^{108}$  для билета 13,  $N=5^{150}$  для билета 14) — снять 1 балл.

Некоторые трёхчлены посчитаны дважды – не более 3 баллов за задачу.

Не учтено, что корни трёхчлена различны – не более 4 баллов за задачу.

**5. (5 баллов)** Решён пункт а) – **3** балла;

Решён пункт б) – 2 балла.

## Физтех-2018. Билеты 13-14. Инструкция

**6.** (6 баллов) Указано, что числа a и  $a^2$  лежат вне отрезка между данными последовательными числами -1 балл;

получена формула суммы расстояний от чисел a и  $a^2$  до данных последовательных натуральных чисел -1 балл UJU найдены расстояния от a и  $a^2$  до ближайших последовательных чисел -1 балл. (Этот балл ставится при условии, что выполнен предыдущий пункт.)

Случай  $a^2 < k < \ldots < k + p < a$  не разобран – баллы не снимаются.

При наличии отбора:

рассмотрен 1 случай расположения чисел a и  $a^2$  (оба числа справа от отрезка; оба слева от отрезка;  $a^2$ справа от отрезка, a слева от отрезка) – 1 балл;

рассмотрены 2 случая расположения чисел a и  $a^2 - 2$  балла;

рассмотрены 3 случая расположения чисел a и  $a^2$  – 4 балла.

При отсутствии отбора:

рассмотрен 1 случай расположения чисел a и  $a^2$  – 0 баллов;

рассмотрены 2 случая расположения чисел a и  $a^2 - 1$  балл;

рассмотрены 3 случая расположения чисел a и  $a^2 - 2$  балла.

Количество слагаемых в формуле суммы расстояний отличается от верного на 1- снять 2 балла с общей суммы.

## 7. (7 баллов) Доказано, что ABCD ромб – 2 балла;

без доказательства использовано, что EAKB прямоугольник (и при этом не доказано, что ABCD ромб) — снять 2 балла;

найден отрезок AD(BC) - 1 балл;

найден отрезок BK – 2 балла;

найден периметр треугольника EBM-2 балла.